

Moduli PEST-a za ubrzavanje automatske kalibracije sa regularizacijom kod hidrodinami kih modela

DUŠAN M. POLOM I , Univerzitet u Beogradu,
Rudarsko-geološki fakultet, Beograd
DRAGOLJUB I. BAJI , Univerzitet u Beogradu,
Rudarsko-geološki fakultet, Beograd
JELENA M. MO EVI , Univerzitet u Beogradu,
Rudarsko-geološki fakultet, Beograd

Stru ni rad
UDC:556.34:531.731
DOI:10.5937/tehnika1506952P

Kalibracija hidrodinami kog modela, u praksi, naj eš e se radila manuelno, „probanjem“ sa razli itim vrednostima hidrauli kih parametara i hidrauli kih karakteristika grani nih uslova. Upotrebom programa PEST uvodi se automatska kalibracija modela kojom se znatno smanjuje subjektivni uticaj autora modela na rezultat. Relativno novim pristupom u PEST-u, odnosno uvo enjem tzv. „pilot points“, prevazilazi se koncept homogenih zona sa vrednostima parametara hidrogeološke sredine ili zona sa zadatim grani nim uslovima. Me utim, posledica ovakvog na ina automatske kalibracije je znatno vreme potrebito za obavljanje prora una. Vreme trajanja kalibracije na ovaj na in meri se asovima, nekada i danima. PEST sadrži dva modula koja omogu avaju skra enje vremena tog procesa - Parallel PEST i BeoPEST. U radu su prikazani izvedeni eksperimenti i analiza razli itih slu ajeva upotrebe PEST modula, na osnovu kojih se vrši redukcija vremena potrebnog za kalibraciju modela.

Klju ne re i: PEST sa regularizacijom, etaloniranje modela, Parallel PEST, BeoPEST, dužina trajanja automatske kalibracije

1. UVOD

Kalibracija (etaloniranje, tariranje) modela predstavlja najdelikatniju fazu tokom izrade modela tokom koje se uskla uju rezultati simulacije nekog procesa (npr. kretanja podzemnih voda) sa podacima registrovanim u prirodi (stanja pijezometarskog nivoa i elementi bilansa podzemnih voda). Pored toga što predstavlja osetljiv i naporan proces, on naj eš e zahteva dosta vremena za uspešnu realizaciju.

Kalibracija modela naj eš e se obavlja manuelno (ru no). Poslednjih godina u širu upotrebu ulazi automatska kalibracija modela koja podrazumeva upotrebu namenskih programa. U doma oj praksi znatno je zastupljeniji proces manuelne kalibracije koji se zasniva na nizu probanja sa razli itim kombinacijama vrednosti parametara modela u procesu usaglašavanja prora unatih vrednosti parametara modela sa onim registrovanim u prirodi. Ovakav pristup etaloniranju mo-

dela podrazumeva veliko iskustvo i znanje autora modela, pri emu kona no rešenje ima jasno prisutnu subjektivnu notu.

Kako bi se smanjilo u eš e subjektivnog suda autora modela nastala je automatska kalibracija modela kojom se optimizuju vrednosti izabranih parametara hidrogeološkog sistema, pri emu je podrazumevani kriterijum, odnosno ciljna funkcija, minimiziranje razlike izme u registrovanih vrednosti i rezultata simulacije na modelu [1].

U svetu se kao standard za automatsko etaloniranje modela koristi program PEST (Model-Independent Parameter Estimation and Uncertainty Analysis). Ovo je najnapredniji programski paket za optimizaciju parametara bilo kojeg simulacionog modela i analizu neizvesnosti prognoznih prora una. PEST se uspešno koristi u mnogim nau nim oblastima, kao što su: hidrodinamika, hidraulika, hidrologija, geofizika, geomehanika, hemija, aeronautika, mašinsko inženjerstvo, biologija, itd. [2, 3]

Program PEST podrazumeva zadavanje kriterijuma za prora une, posle ega se u znatnom broju iteracija menjaju parametri modela sve dok se izlazni rezultati simulacije približno ne poklope sa merenim

Adresa autora: Dušan Polom i , Univerzitet u Beogradu, Rudarsko-geološki fakultet, Beograd, ušina 7

Rad primljen: 02.11.2015.

Rad prihva en: 10.11.2015.

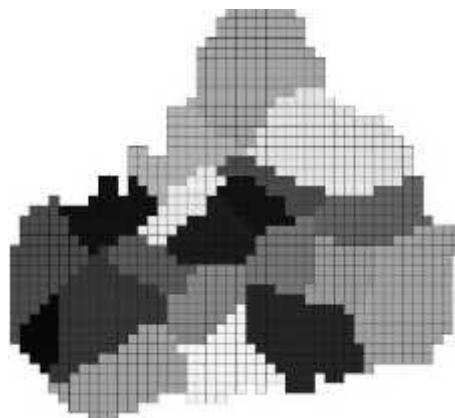
podacima u prirodi (nivoi, proticaji) [4]. Metoda optimizacije koja se koristi u programu PEST zasniva se na Gaus-Markar-Levenbergovom algoritmu pronalaženja minimuma sumu kvadrata reziduala (razlika između merenih podataka i rezultata simulacije modela).

PEST omogućava određivanje optimalnih numeričkih vrednosti većeg broja parametara modela za postavljene kriterijume: za neograničeni broj zona hidrogeoloških parametara (vrednosti horizontalne i vertikalne komponente koeficijenata filtracije, specifičnu izdašnost izdani, specifično uskladištenje, i za neograničeni broj vrsta, karakteristika graničnih uslova (intenzitet infiltracije i evapotranspiracije, dubina evapotranspiracije, proticaji, pjezometarski nivoi, konduktiviteti graničnih „head-dependent“ uslova itd.).

Primenom „klasi nog“ programa PEST, dobijeni rezultat etaloniranja modela i dalje sadrži određenu subjektivnu notu autora modela. To se odnosi na dimenzije, oblik i broj zona nekog parametra koje tokom proravnava ostaju nepromjenjene. Jedan od rezultata etaloniranja modela koji se ovde analizira su vrednosti parametra modela (npr. koeficijenata filtracije) unutar unapred definisanih zona. U određenoj zoni, jedan parametar modela, bez obzira na dimenzije zone, ima konstantnu vrednost. Ovo za posledicu ima da su unapred definisane zone sa homogenim vrednostima zadati parametara, što u prirodi nije slučaj (slika 1).

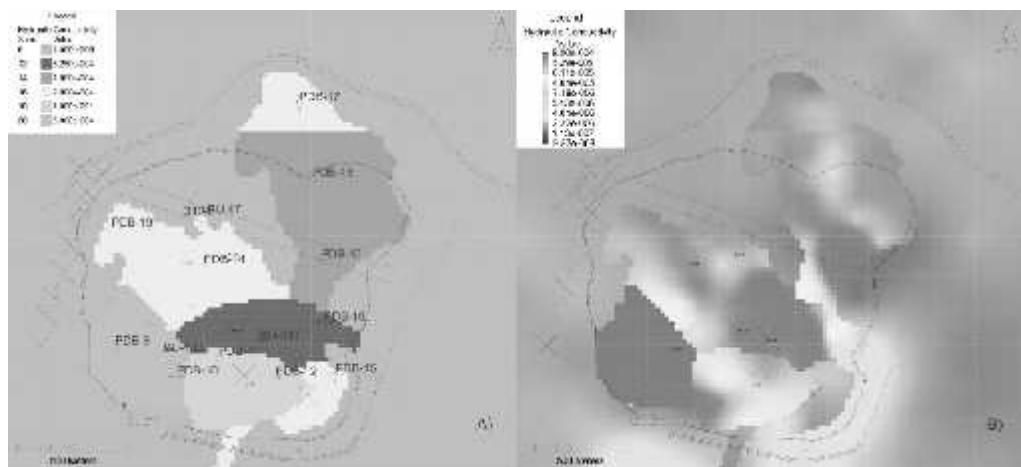
U cilju prevazilaženja i dalje prisutnog subjektivnog karaktera rezultata etaloniranja modela napravljen je potpuno nov koncept koji se zasniva na geostatističkoj obradi podataka i primeni kriginga

metode u interpolaciji izmedju tzv. kontrolnih tačaka [5].



Slika 1 - Prikaz homogenih zona parametra hidrodinamičkog modela koji se određuje u programu PEST.

Tehnike neoznačavaju nužno fiktivne tako, mada su znatno relevantne u pitanju tajke u kojima su vrednosti parametara koji se određuju poznati. Primena kontrolnih tačaka u PEST-u naziva se regularizacija odnosno regulisanje distribucije određenih parametara i/ili vrednosti graničnih uslova. Kod PEST-a sa regularizacijom svaka kontrolna tačka predstavlja parametar koji se mora odrediti tokom iterativnih proravnava [6]. Kao rezultat ovakvog proravnava dobija se rezultat koji uključuje heterogenost sredine po pitanju distribucije parametara sredine koji su određivani [7]. Na slici 2 su prikazani tradicionalni rezultati kalibracije modela (manuelna ili upotreba „klasi nog“ PEST-a) i PEST sa regularizacijom.



Slika 2 - Zone homogenih vrednosti parametara modela: a) klasi nog PEST b) heterogenost sredine kao rezultat primene PEST-a sa regularizacijom

2. MODULI PEST-A ZA UBRZAVANJE AUTOMATSKE KALIBRACIJE MODELAA

Jedan od najvećih problema sa upotrebom kontrolnih tačaka u PEST-u je potrebno vreme za proravnu. Povećanje broja kontrolnih tačaka koje se unose u model uslovljava produženje vremenskog perioda koji je

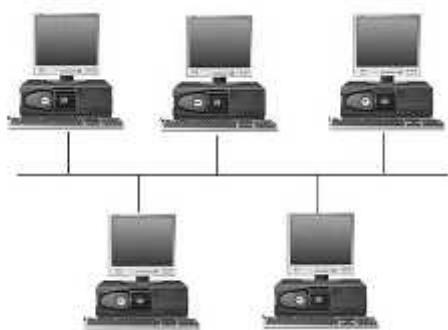
potreban za etaloniranje modela. Svaku kontrolnu tačku PEST posmatra kao parametar i taj je optimalna vrednost određujuća. Svaki parametar u PEST-u zahteva jednu ili dve simulacije po iteraciji. Ako npr. u modelu ima 1000 pilotnih tačaka, onda je potrebno 1000 simulacija (ili 2000, ako se primenjuje centralno diferenciranje) samo po jednoj iteraciji. Veći broj iteracija je

esto potreban za svaki prolaz prora una tokom kalibracije modela. Ako svaki prolaz prora una traje nešto više od nekoliko minuta, onda je potrebno mnogo vremena da se ceo proces završi. Vreme trajanja kalibracije na ovaj način meri se asovima, nekada i danima.

PEST omogućava dva načina ubrzavanja prora una: Parallel PEST i BeoPEST. Oba načina se zasnivaju na simultanoj kalibraciji povezivanjem više računara sa osnovnom idejom povezivanja različitih procesorskih snaga koja se koristi u proru unima. Osnovni računar naziva se „Master“, a svi drugi „Slave“. Na svakom „Slave“ računaru mora postojati direktorijum u kome su smeštene identične polazne datoteke za proraune, kao što su na „Master“ računaru. U aktuelnoj verziji PEST-a podržano je do 100 „Slave“ računara. Posledica ovakvog pristupa prora unima je redukcija vremena potrebnog za etaloniranje modela.

2.1. Parallel Pest

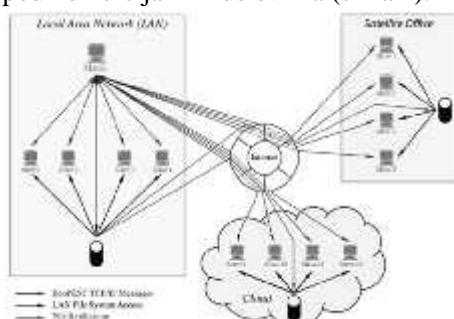
Parallel PEST omogućava povezivanje više računara kroz mrežu, kao što je šematski prikazano na slici 3.



Slika 3 - Primer povezivanja računara za primenu Parallel PEST-a

2.2. BeoPest

BeoPEST obezbeđuje da se prorauni obavljaju simultano koristeći internet i udaljene povezane računare (tzv. Cloud Computing) [8]. „Slave“ računari sa kojima se preko interneta povezuju „Master“ računari mogu biti na poznatim lokacijama ili se mogu iznajmiti na unarni pod komercijalnim uslovima (slika 4).



Slika 4 - Šema „parallel computing on the cloud“ korишћenjem BeoPEST-a [9]

3. EKSPERIMENT

U cilju analize smanjenja dužine prorauna primenom Parallel PEST-a i BeoPEST-a napravljen je eksperiment. „Master“ računar na kome je izvršen eksperiment se sastoji od: procesora Intel i7 3,6 GHz, 12 GB DDRAM III, motherboard Asus-E-Evo i SSD Kingston 128 GB. „Slave“ računari su Desktop sa procesorom Intel i3 2,6 GHz 8 GB DDRAM III, dva Laptopa računara sa procesorom Intel i5 2,6 GHz 8 GB DDRAM III i jedan laptop sa procesorom Pentium Dual Core 1,8GHz.

Za potrebe simulacije rada modula BeoPEST navedeni računari su povezani korišćenjem akademске mreže fakulteta i privatnih internet naloga. Prorauni su sprovedeni u Centru za modeliranje podzemnih voda Departmana za hidrogeologiju Rudarsko-geološkog fakulteta (Beograd) u novembru 2013. god.

Hidrodinamički model koji je etaloniran primenom PEST-a sa regularizacijom karakteriše se strujnom oblašću u dimenziji 22 x 17 km, koja se sastoji od 4 modelskih sloja sa ukupno 348.674 elija. Prvo je bila stacionarna kalibracija modela. Broj kontrolnih tačaka za prvu kalibraciju modela iznosio je po 157 za horizontalne i vertikalne vrednosti koeficijenta filtracije.

Propustljivost rečne dna kod graničnih uslova reke je podjeljena u 16 zona, dok je provodljivost u graničnom uslovu opšteg pijsometarskog nivoa podjeljena u 6 zona u modelskim elijama u kojima je zadat ovaj uslov (ukupno 447 elije). U modelu je zadato 14 bunara, a pijsometarski nivoi su registrovani u 28 pijsometara.

Za nestacionarno etaloniranje opisanog modela primenom PEST-a sa kontrolnim tačkama korišćeno je ukupno 157 kontrolnih tačaka za specifično uskladištenje (Ss), 4 zone za efektivnu infiltraciju sa ukupno 12 kontrolnih tačaka. Vremenski interval od 12 meseci je podjeljen na osnovni vremenski korak od 5 dana, koji je na nižem nivou iteracija podjeljen na 10 delova, nedjednakog trajanja (faktor 1,2).

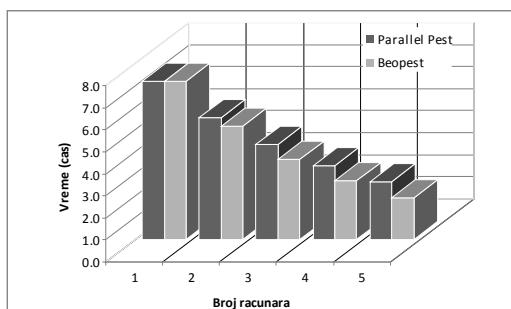
Sprovedenim eksperimentom analizirana je dužina trajanja automatske kalibracije uz pomoć programa PEST sa regularizacijom, za slučajevi rada jednog računara i maksimalno do pet računara.

4. REZULTATI I DISKUSIJA

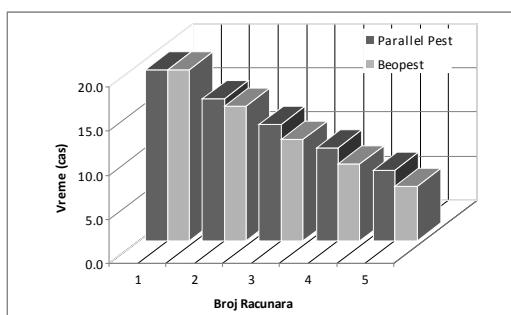
Dužina trajanja procesa automatske kalibracije modela za stacionarne i nestacionarne uslove preko Parallel PEST-a i BeoPEST-prikazana je na slikama 5 i 6.

Etaloniranje hidrodinamičkog modela u stacionarnim uslovima preko PEST-a sa regularizacijom na jednom računaru („Master“ računar) trajalo je 7,2 sata.

Preko Parallel PEST-a uz pet umreženih ra unara navedenih karakteristika prora un je trajao 2.6 asova, odnosno 2.74 puta kra e u odnosu na kalibraciju modela samo na jednom ra unaru. Upotreboom modula BeoPEST isti model je etaloniran za 1.9 as, što je u odnosu na Parall PEST kra e za 0.7 asa.



Slika 5 - Vreme potrebno za automatsku kalibraciju modela u stacionarnim uslovima za slu aju primene Parall PEST -a i BeoPEST -a



Slika 6 - Vreme potrebno za automatsku kalibraciju modela u nestacionarnim uslovima za slu aju primene Parall PEST -a i BeoPEST -a

Nestacionarna automatska kalibracija sa regularizacijom trajala je 19.4 asa na „Master“ ra unaru, dok je primenom modula Parallel Pest uz „Master“ i etiri „Slave“ ra unara za kalibraciju modela bilo potrebno 59% manje vremena za istu operaciju, odnosno 8 asova. U slu aju modula BeoPEST ukupno trajanje prora una na pet ra unara bilo je 6.1 as. U odnosu na modul Parallel PEST ovo je skra enje vremena etaloniranja modela za 1.9 as.

Veoma veliki modeli sa brojnim parametrima koji se odre uju, ukljuju i i ve i broj kontrolnih ta aka, u uslovima nestacionarne automatske kalibracije modela, praktično ne bi mogli da se izvedu bez koriš enja ve eg broja procesora ra unara, ili bi ovakva operacija bila krajnje nepraktična.

Potencijalna opasnost koja se javlja kod ovakvog na ina rada sa programom PEST (zbog dužine trajanja etaloniranja modela) je nestanak elektri ne energije. Kod Parallel PEST-a ovo bi uzrokovalo potpuni prekid procesa etaloniranja modela, dok kod BeoPEST-a pod uslovom da Master ra unar nije ostao bez napajanja,

prora uni se i dalje odvijaju, bez obzira da li je nekom „Slave“ ra unaru ostalo bez elektri ne energije.

Preko BeoPEST-a mogu e je iznajmiti ra unare znatno ja ih karakteristika u odnosu na one kojima su eksperimenti izvedeni, što omoguava dodatno skra enje vremena potrebno za automatsku kalibraciju modela primenom ovog modula PEST-a.

Sprovedeni eksperiment pokazao je da upotreboom BeoPEST modula u odnosu na modul Parallel PEST dolazi do nešto ve e redukcije dužine trajanja automatske kalibracije modela. Potrebno je naglasiti da eksperiment nije obuhvatio i razli ite vrste (kvalitete) mrežnog povezivanja ra unara u modulu Parallel PEST, kao ni razli ite brzine interneta za modul BeoPEST. Obzirom na isti hardver, dobijeni razlike mogu ukazivati na lošije performanse mreže u odnosu na brzinu interneta, ili na bolju optimizaciju rada modula BeoPEST.

5. ZAKLJU AK

Program PEST se koristi za optimizaciju parametara tokom procesa automatske kalibracije modela, odnosno rešavanja inverznih problema. Program ima široku primenu koja prevazilazi modeliranje podzemnih voda. Razvojem programa PEST uveden je koncept kontrolnih ta aka kojim se prevazilazi koncept homogenih zona sa vrednostima parametara sredine ili zona sa zadatim grani im uslovima. Posledica ovakvog pristupa je znatno vreme potrebno za izvo enje prora una. Vremenom su u okviru programa PEST ugara ena dva modula kojim se može skratiti vreme prora una (Parallel PEST i BeoPEST) preko me usobnog povezivanja više ra unara (mrežnim kablovima i preko interneta) odnosno, iskoris avanjem ve eg procenta angažovane procesorske snage ra unara.

Za postavljene uslove u eksperimentu koji se odnose na primenu umreženih ra unara u prora unima, vreme trajanje procesa etaloniranja hidrodinami kog modela primenom Parallel PEST-a je 2.74 puta kra e kod simulacije stacionarnih uslova režima podzemnih voda i 2.43 puta kra e za nestacionarne uslove. Primenom BeoPEST-a vreme trajanje procesa etaloniranja modela je 3.79 puta kra e za stacionarne uslove, odnosno 3.18 puta kra e za nestacionarnu simulaciju.

6. ZAHVALNICA

Autori se zahvaljuju Ministarstvu prosvete, nauke i tehnološkog razvoja Republike Srbije za finansiranje projekata „OI-176022“, „TR-33039“ i „III-43004“.

LITERATURA

- [1] Polom i D, Baji D, Risti -Vakanjac V. & okorilo Ili M, Automatic calibration of hydrodynamic

- models using PEST program. *Zapisnici Srpskog Geološkog Društva*, 13-27, 2014.
- [2] Doherty J. Addendum to the PEST Manual. Brisbane, Australia: Watermark Numerical Computing, pp.1-294, 2013.
- [3] Doherty E. J. & Hunt J. R., Approaches to Highly Parameterized Inversion: A Guide to Using PEST for Groundwater-Model Calibration, Scientific Investigations Report 2010-5169. Reston, Virginia: U.S. Geological Survey, 2010.
- [4] Doherty J. PEST - Model-Independent Parameter Estimation, User Manual: 5th Edition. Brisbane, Australia: Watermark Numerical Computing, pp. 1-336, 2010.
- [5] Tonkin J. M. & Doherty J, A hybrid regularized inversion methodology for highly parameterized environmental models. *Water Resources Research*, DOI: 10.1029/2005WR003995, 2005.
- [6] Doherty J, Groundwater model calibration using pilot points and regularization. *Ground Water*, 41(2): 170-177, 2003.
- [7] Doherty E. J, Hunt J. R. & Fienen N.M. Approaches to Highly Parameterized Inversion: Pilot-Point Theory, Guidelines and Research Directions. *Scientific Investigations Report 2010-5168*. Reston, Virginia: U.S. Geological Survey, 2010.
- [8] Hunt J. R., Luchette J, Schreuder A. W, Rumbaugh J. O, Doherty J, Tonkin J.M. & Rumbaugh D. B. Using a Cloud to Replenish Parched Groundwater Modeling Efforts. *Groundwater*, 48(3): 360-365, 2010.
- [9] Schreuder W. A. Running BeoPEST. In Proceedings of the 1st PEST Conference, Potomac, Maryland, 2009.

SUMMARY

PEST MODULES WITH REGULARIZATION FOR THE ACCELERATION OF THE AUTOMATIC CALIBRATION IN HYDRODYNAMIC MODELS

The calibration process of hydrodynamic model is done usually manually by "testing" with different values of hydrogeological parameters and hydraulic characteristics of the boundary conditions. By using the PEST program, automatic calibration of models has been introduced, and it has proved to significantly reduce the subjective influence of the model creator on results. With the relatively new approach of PEST, i.e. with the introduction of so-called "pilot points", the concept of homogeneous zones with parameter values of porous media or zones with the given boundary conditions has been outdated. However, the consequence of this kind of automatic calibration is that a significant amount of time is required to perform the calculation. The duration of calibration is measured in hours, sometimes even days. PEST contains two modules for the shortening of that process - Parallel PEST and BeoPEST. The paper presents performed experiments and analysis of different cases of PEST module usage, based on which the reduction in the time required to calibrate the model is done.

Key words: *model calibration, PEST, Parallel Pest, Beopest, the duration of the automatic calibration*